

FYZIKÁLNE PRAKTIKUM

Spracoval: Vladimír Domček

Namerané: 5.12.2012

Obor: Astrofyzika **Ročník:** II **Semester:** III

Testované:

Úloha č. 1: Štúdium elektromagnetickej indukcie

$$T = 22,7 \text{ } ^\circ\text{C}$$

$$p = 971 \text{ hPa}$$

$$\varphi = 30 \text{ \%}$$

1. Zadanie

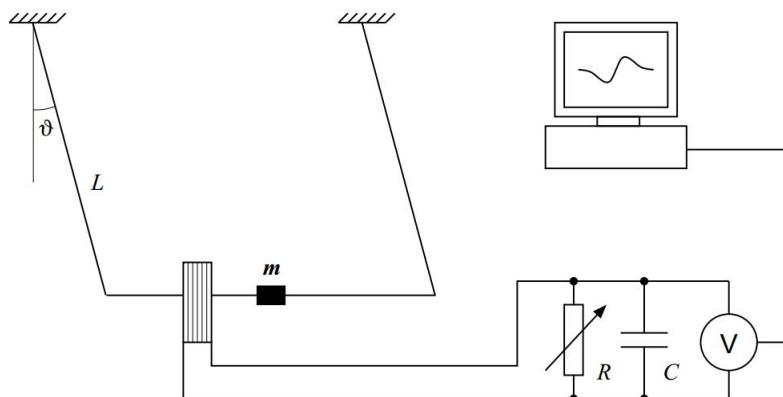
- Meranie závislosti tvaru napäťových pulzov na cievke a výchylke kyvadla s magnetom
- Určenie polomeru cievky a magnetického momentu magnetu
- Štúdium tlmených indukovaných pulzov

2. Teória

Dôležitým vzťahom v elektrodynamike je Faradayov zákon, ktorý vyjadruje vzťah medzi napäťom U indukovaným v uzavretej slučke a časovou zmenou magnetického toku ϕ , ktorý prechádza plochou cievky:

$$U = -\frac{d\phi}{dt} \quad (1)$$

V tejto úlohe sa študuje elektromagnetická indukcia v danom systéme (obr.1). Zdrojom magnetického poľa je permanentný magnet upevnený na dvojitom kyvadle. Pri kmitavom pohybe magnet periodicky preletava cievkom a indukuje v nej napäťové pulzové. Časovú závislosť týchto pulzov zaznamenávame. Aby mohla byť hodnota meraného napäťia prenesená do počítača, je potrebné ju previesť do číselnej podoby, na čo sa používa tzv. analógovo - digitálny prevodník.



Obr.1: Schéma experimentu

Z Biot-Savartovho zákona je možné odvodiť rovnicu pre magnetický indukčný tok:

$$\phi(x) = \frac{\mu_0 m}{2} \frac{a^2}{(a^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \quad (2)$$

kde m je magnetický moment magnetu, a polomer cievky a μ_0 permeabilita vakuu. Ak v čase $t=0$ s prechádza dipól stredom cievky, potom je x-ová súradnica vyjadrená vzťahom:

$$x = v_{max}t \quad (3)$$

Pri takto platiacich predpokladoch časovou deriváciou ϕ získame vzťah pre napätie indukované v cievke s N závitami.

$$U_t = -N \frac{d\phi}{dt} = \frac{3N\mu_0 m v_{max}}{2a^2} \frac{v_{max}t/a}{[1 + (v_{max}t/a)^2]^{\frac{5}{2}}} \quad (4)$$

Ďalej môžeme určiť šírku pulzu (5) amplitúdu napäťia (6) a rýchlosťi (7):

$$\Delta t = \frac{a}{v_{max}} \quad (5)$$

$$U_{max} = \frac{24}{25\sqrt{5}} \frac{N\mu_0 m}{a^2} v_{max} \quad (6)$$

$$v_{max} \approx \sqrt{gL}\vartheta_{max} \quad (7)$$

3. Postup

3.1. Závislosť napäťového pulzu na veľkosti výchylky

- nastavíme zaťažovací odpor na $5 \text{ M}\Omega$, zapneme AD prevodník a spustíme PC s meracím programom
- v meracom programe nastavíme vzorkovaci frekvenciu na $0,1 \text{ ms}$ a dobu merania 1 s
- vychýlime kyvadlo do určitého uhlia, spustíme program i kyvadlo a zaznamenáme tak jeden napäťový pulz na cievke
- pomocou vzťahu (5) dopočítame efektívny polomer použitej cievky a vzťahu (6) magnetický dipólový moment
- do grafov vyniesieme závislosti $U_{max} \sim \vartheta_{max}$, $\Delta t \sim \vartheta_{max}^{-1}$

3.2. Meranie tlmenia pohybu magnetu

- v tejto časti úlohy nastavíme vzorkovaci frekvenciu na 1 ms a meraciu dobu podľa uváženia
- opäť vychýlime kyvadlo do určitého uhlia a zaznamenávame útlm pri hodnote odporov $1 \text{ M}\Omega$, $1 \text{ k}\Omega$, $100 \text{ }\Omega$ a $20 \text{ }\Omega$

4. Meranie

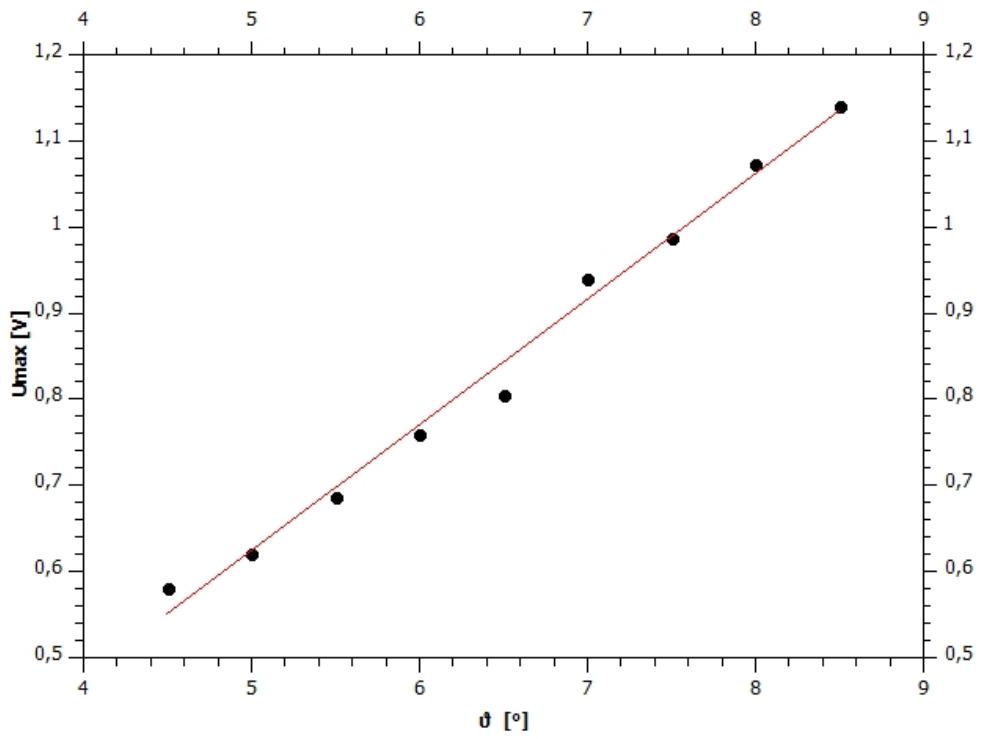
$$N = 1000, \quad L = 1,7 \text{ m}, \quad R_C = 5 \text{ M}\Omega$$

$\vartheta [\text{ }^\circ]$	$U_{max} [\text{V}]$	$t [\text{s}]$	$v_{max} [\text{m}\cdot\text{s}^{-1}]$	$a [\text{cm}]$	$m [\text{A}\cdot\text{m}^2]$
4,5	0,580	0,060	0,321	1,91	1,166
5	0,621	0,054	0,356	1,92	1,124
5,5	0,686	0,048	0,392	1,89	1,128
6	0,759	0,045	0,428	1,92	1,145
6,5	0,805	0,042	0,463	1,96	1,120
7	0,940	0,036	0,499	1,80	1,214
7,5	0,987	0,034	0,535	1,83	1,191
8	1,072	0,031	0,570	1,79	1,212
8,5	1,139	0,029	0,606	1,78	1,213

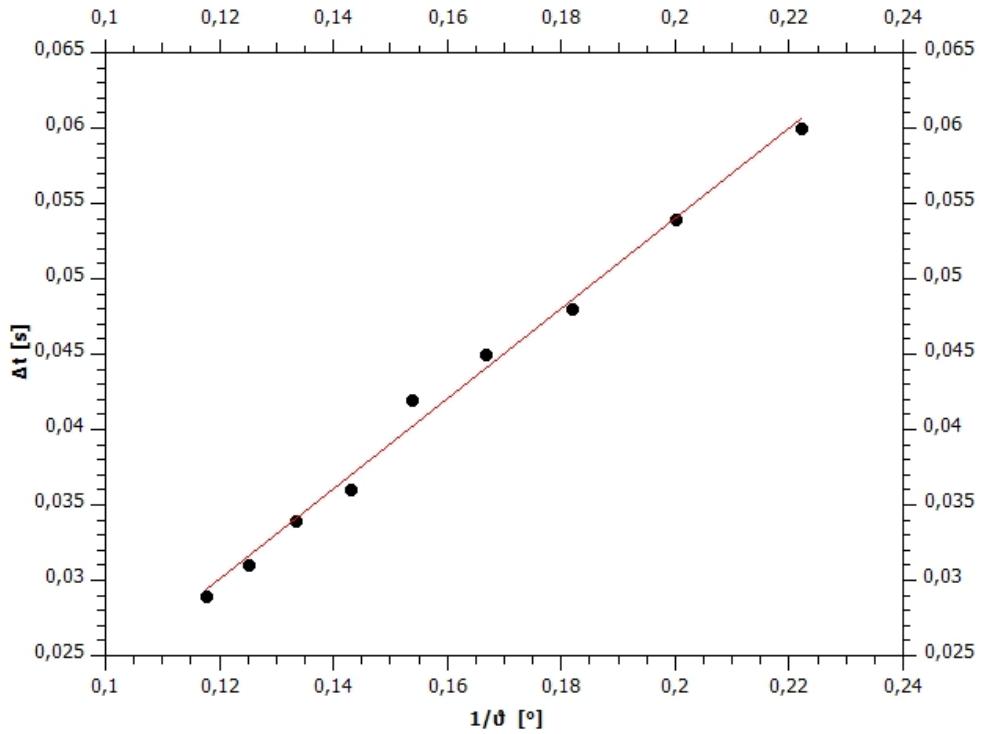
Tab.1: Namerané a vypočítane hodnoty

$$\bar{a} = (1,86 \pm 0,02) \text{ cm}$$

$$\bar{m} = (1,19 \pm 0,01) \text{ A}\cdot\text{m}^2$$

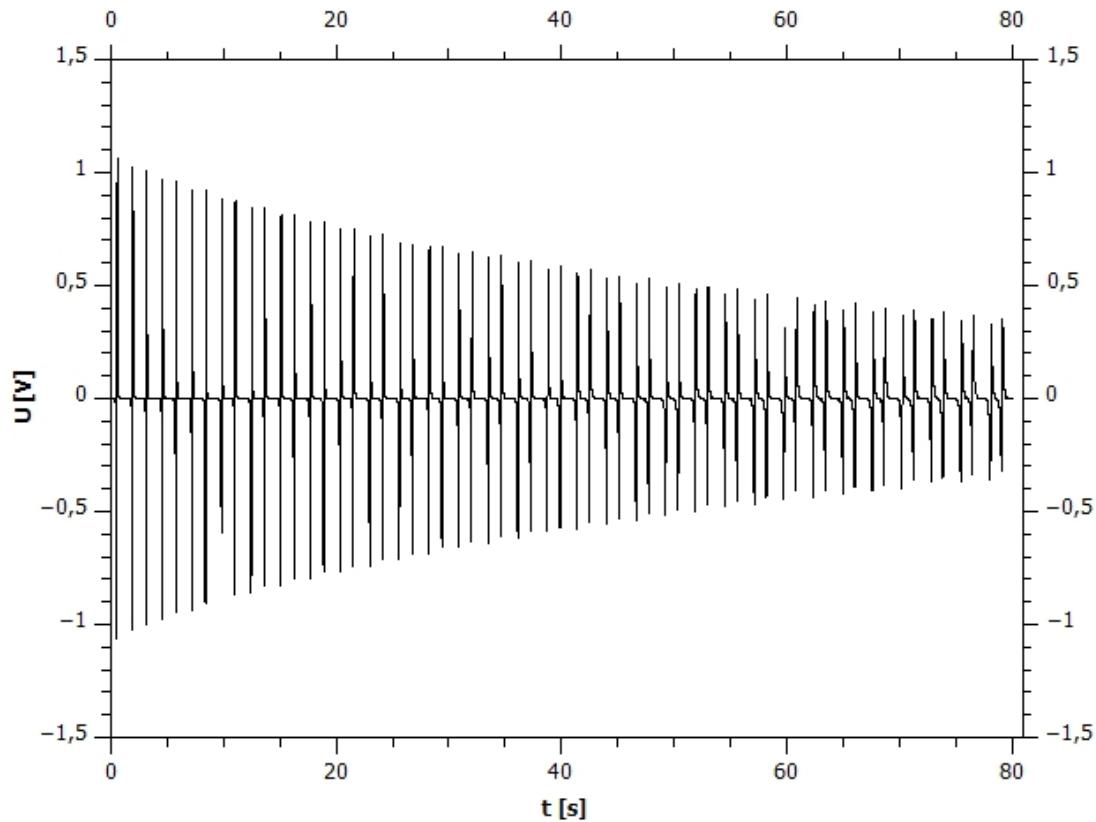


Obr.2: Závislosť $U_{max} \sim \vartheta_{max}$

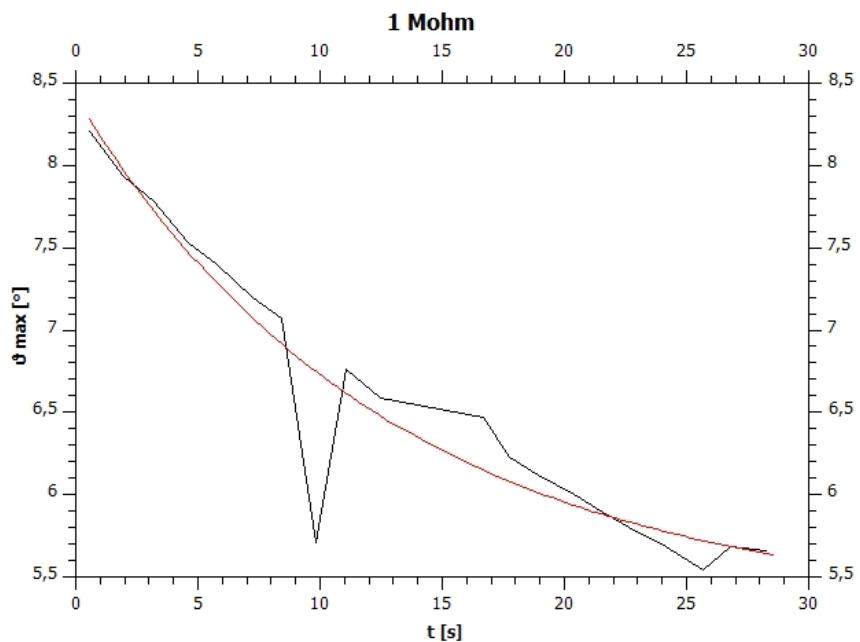


Obr.3: Závislosť $\Delta t \sim \vartheta_{max}^{-1}$

4.1. Zaťažovací odpor $1 \text{ M}\Omega$

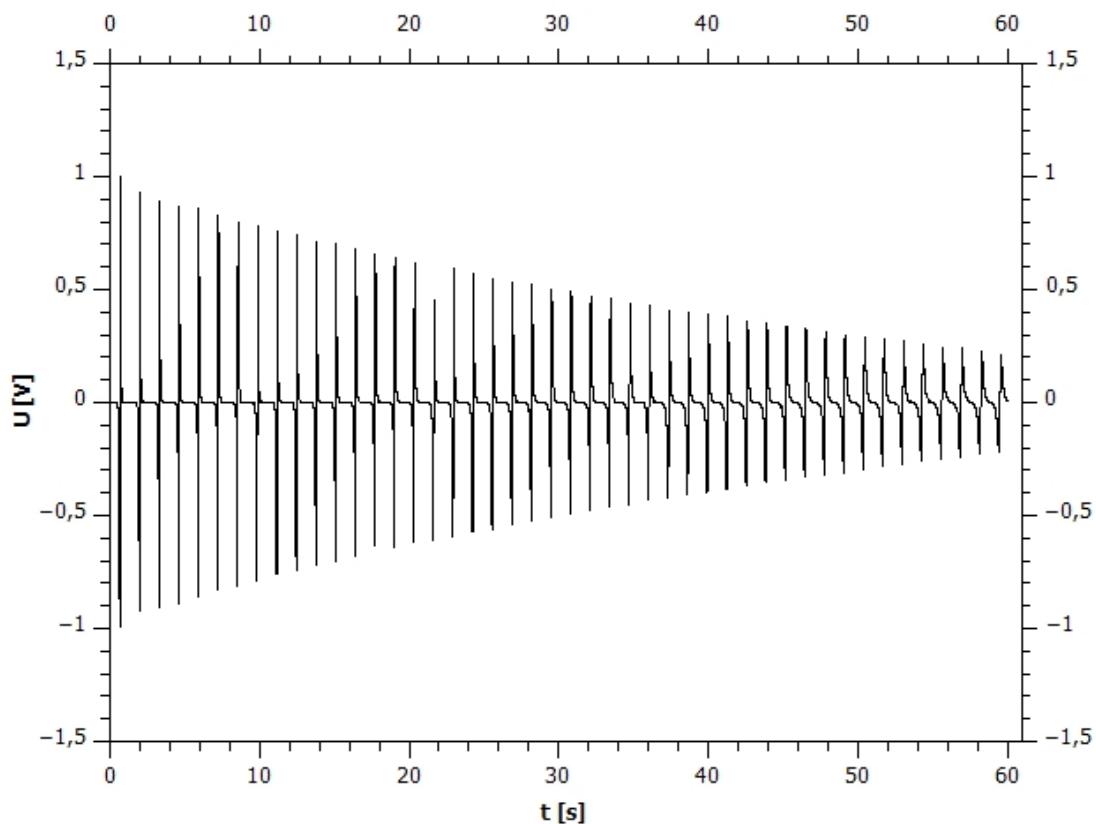


Obr.4: Graf závislosti indukovaného napäťia pri použitom odpore $1 \text{ M}\Omega$

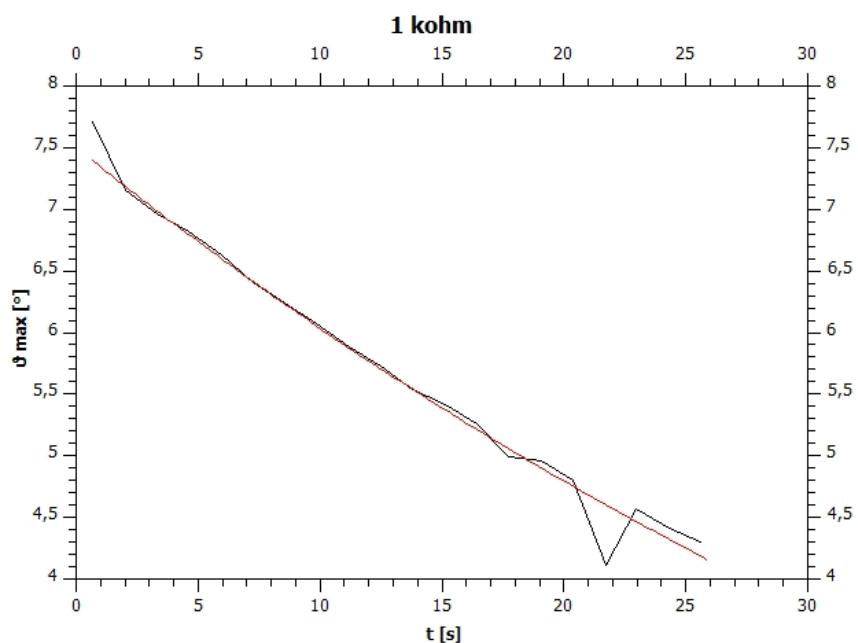


Obr.5: Pokles výchylky v čase pri použitom odpore $1 \text{ M}\Omega$

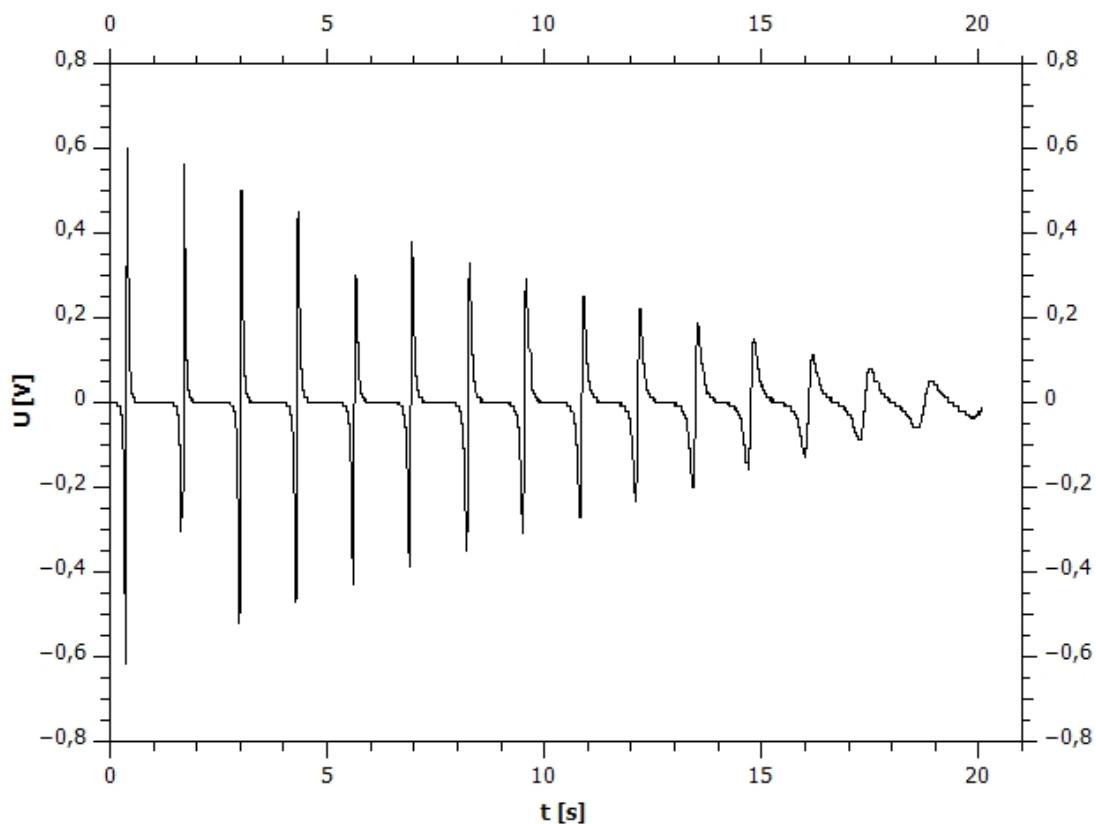
$$\beta = (0,075 \pm 0,024)$$



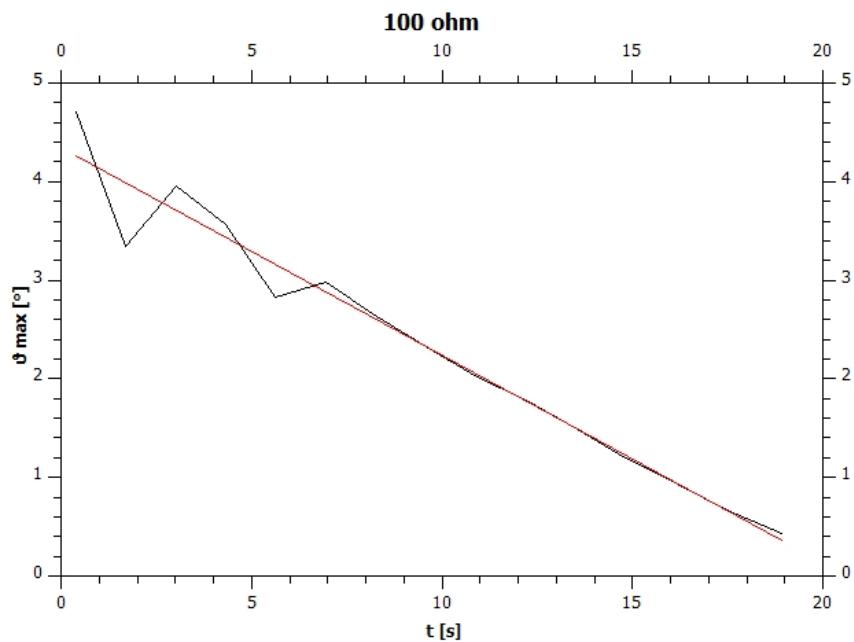
Obr.6: Graf závislosti indukovaného napäťia pri použitom odpore $10\text{ k}\Omega$



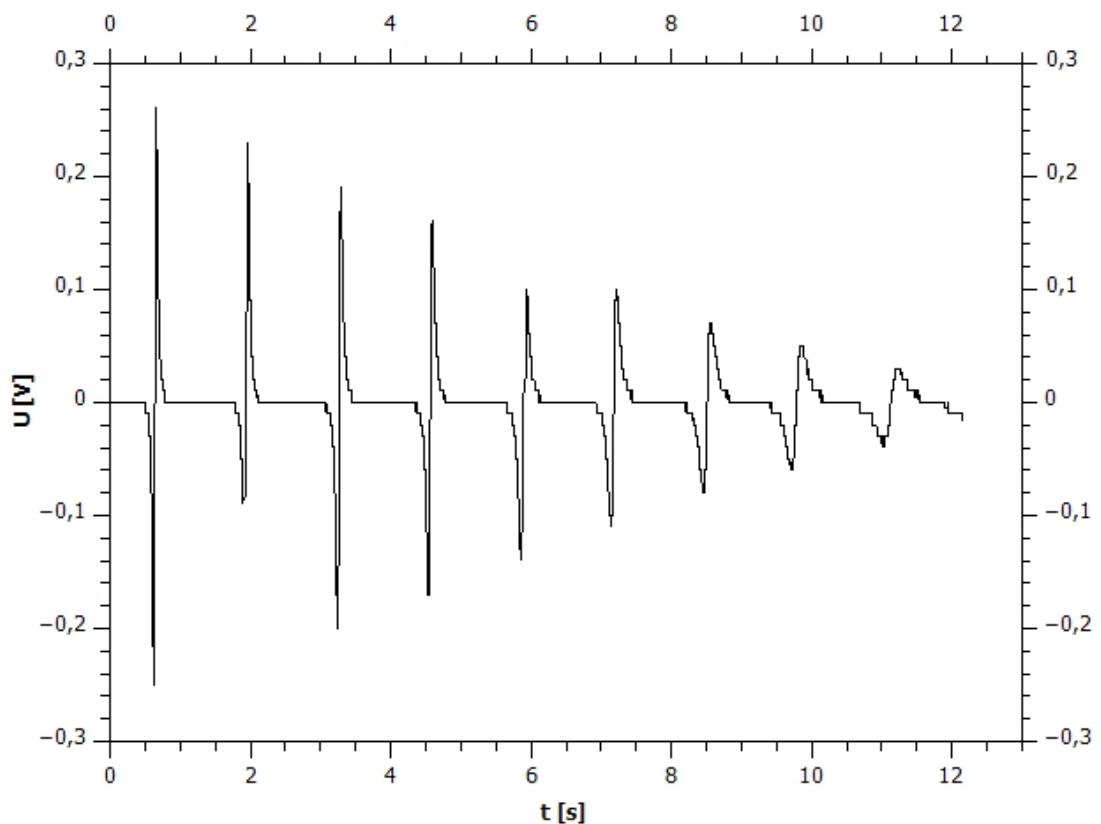
Obr.7: Pokles výchylky v čase pri použitom odpore $10\text{ k}\Omega$
 $\beta = (0,03 \pm 0,01)$



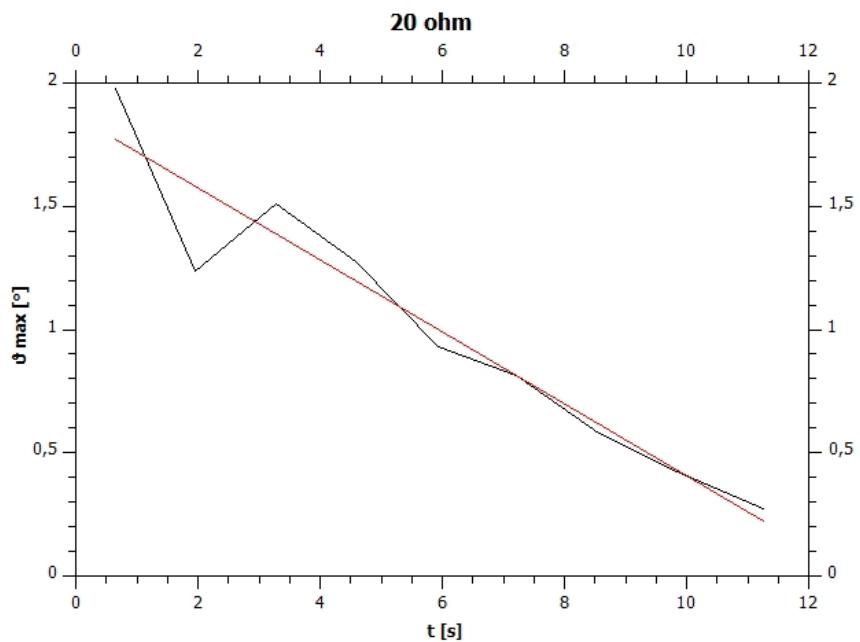
Obr.8: Graf závislosti indukovaného napäťia pri použitom odpore 100 Ω



Obr.9: Pokles výchylky v čase pri použitom odpore 100 Ω
 $k = (-0,21 \pm 0,01)$



Obr.10: Graf závislosti indukovaného napäťia pri použitom odpore 20 Ω



Obr.11: Pokles výchylky v čase pri použitom odpore 20 Ω
 $k = (-0,15 \pm 0,02)$

5. Záver

V prvej časti úlohy sme merali efektívny polomer použitej cievky, ktorý nam vyšiel: $\bar{a} = (1,86 \pm 0,02)$ cm a magnetický dipólový moment: $\bar{m} = (1,19 \pm 0,01) \text{ A}\cdot\text{m}^2$

Taktiež sme mali dokázať závislosť $U_{max} \sim \vartheta_{max}$, $\Delta t \sim \vartheta_{max}^{-1}$ čo sa nám podarilo na obrázkoch (2) a (3).

V druhej časti úlohy sme merali tlmenie pohybu magnetu cievkou pri rôznych odporoch. Z grafov vyplýva, že pri malom zaťažovaciom odpore (20Ω , 100Ω) je tlmenie lineárne a teda je spôsobené magnetickým poľom. Naopak pri väčšom zaťažovaciom odpore ($1 \text{ M}\Omega$) bolo spomaľovanie exponenciálne a prevládalo tak spomaľovanie mechanické. Pri odpore $1 \text{ k}\Omega$ sme si všimli, že priebeh je niekde medzi lineárnym a exponenciálnym poklesom.

V grafe na obr.5 merania útlmu s odporom cievky $1 \text{ M}\Omega$ si môžeme všimnúť miernu nepravidelnosť veľkosti amplitúd. Bolo to spôsobené jednako tým, že pri prvom meraní nám tyč kmitala aj do strán. To sa nám však pri ďalších meraniach podarilo zlepšiť. Ďalším dôvodom bolo to, že merací prístroj občas skreslil amplitúdu, čo sa prejavilo v grafe ako extrémny pokles amplitúdy. Tieto poklesy si môžeme všimnúť aj na ostatných grafoch v úlohe.