

Tabulka 11: Hmotnosti hvězd

Spektr.	05	B0	B5	A0	A5	F0	F5	G0	G5	K0	K5	M0	M5
Hmotnost [ $M_{\odot}$ ]	40	17	7.0	3.5	2.2	1.8	1.4	1.07	0.93	0.81	0.69	0.48	0.22

Dosaďte do vztahu, spočítejte velkou poloosu trajektorie exoplanety  $a = 0,52 \text{ au}$  a запиšte dosazené hodnoty včetně jednotek.

Musíme vzít v potaz i Newtonův gravitační zákon

$$\Rightarrow T^2 = 4\pi^2 a^3 / \kappa M, \text{ kde } T \text{ [s], } a \text{ [m], } M \text{ [kg], } \kappa = 6,674 \cdot 10^{-11}$$

$$a = (T^2 \kappa M / 4\pi^2)^{1/3} = 0,52 \text{ au}$$

3. Zjistěte poloměr mateřské hvězdy exoplanety z tabulky 12 a poté do obrázku vyznačte polohu hvězdy. Dávejte pozor na měřítka os, jsou obě logaritmická!

A nyní odpovězte na otázku, kde se nachází sledovaná exoplaneta (označte jednu z následujících možností).

Exoplaneta se nachází:

- ☒ nepochybně v zóně života na grafu,
- ☒ zcela jistě mimo zónu života,
- c) poblíž hranice zóny života.

4. Odhadněte povrchovou teplotu planety ze vztahu 9. Nejdříve potřebujete určit rozměry a povrchovou teplotu mateřské hvězdy. K tomu nám poslouží tabulka 12.

Tabulka 12: Parametry hvězd hlavní posloupnosti HR diagramu

Spektr.	05	B0	B5	A0	A5	F0	F5	G0	G5	K0	K5	M0	M5
Hmotnost [ $M_{\odot}$ ]	40	17	7.0	3.5	2.2	1.8	1.4	1.07	0.93	0.81	0.69	0.48	0.22
Radius [ $R_{\odot}$ ]	17.8	7.59	3.98	2.63	1.78	1.35	1.20	1.05	0.93	0.85	0.74	0.63	0.32
Temperature [K]	35000	21000	13500	9700	8100	7200	6500	6000	5400	4700	4000	3300	2600

Ve zvoleném případě je mateřská hvězda spektrální třídy **K0** a to znamená, že její povrchová teplota je **4700 K** a poloměr **0,85  $R_{\odot}$** . Povrchová teplota sledované exoplanety je pak **410 K (138° C)**.

5. Určete velikost exoplanety dle vztahu 10. Nejprve změřte relativní pokles jasnosti ze zvoleného grafu světelné křivky. Měření opakujte pro všechny registrované transity a spočítejte průměrnou hodnotu. Měření samozřejmě můžete opakovat i pro stejné transity. Opakovaně proměřte i měřítko grafu. Nakonec spočítejte průměrnou hodnotu a chybu určení.

Měřítka osy relativní změny jasnosti: 1 mm odpovídá relativní změně  **$10^{-1},89$**  průměrná hodnota relativního poklesu je  **$10^{-4},24$**  s chybou **0,11%**.

Poloměr exoplanety určený pomocí vztahu 10 je  **$0,00645 R_{\odot}$** , což je **0,704** poloměrů Země<sup>9</sup>.

<sup>9</sup>Poloměr Slunce je přibližně 109 poloměrů Země.

Tabulka 13: Měření relativní změny jasnosti.

číslo transitu	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
změřený pokles [mm]	33	32	32	33	30	32	31	33	30	32

6. Do grafu 4a) vyznačte nalezený poloměr exoplanety a odečtěte z něj odhadovanou hustotu planety (pozor – graf je v logaritmické škále!). Obdobně do grafu 4b) vyznačte zjištěnou střední vzdálenost exoplanety od mateřské hvězdy a odečtěte odhadovanou hustotu exoplanety. Hodnoty zapište do tabulky 14 a pro obě spočítejte hmotnost planety za předpokladu kulového tvaru planety. Hmotnost exoplanety vyjádřete jak v kilogramech, tak ve hmotnostech Země  $M_Z = 5,98 \cdot 10^{24}$  kg.

Tabulka 14: Určení hustoty a hmotnosti planety.

	odhad hustoty [ $\text{kg} \cdot \text{m}^{-3}$ ]	hmotnost planety [kg]	hmotnost planety [ $M_Z$ ]
model 1	5700	$3,16 \times 10^{24}$	0,528
model 2	5600	$3,10 \times 10^{24}$	0,518

7. Spočítejte, jak velkou změnu radiální rychlosti mateřské hvězdy způsobí sledovaná planeta a určete, jakým přístrojem a zda vůbec by byla taková změna radiální rychlosti ze Země pozorovatelná.

$$K = (2\pi G \div P)^{\frac{1}{3}} \times (M_p \sin \Phi) \div (M_p + M_h)^{\frac{1}{3}} \times 1/(1 - e^2)^{\frac{1}{2}}$$

K.....změna radiální rychlosti  
G.....gravitační konstanta  
P.....perioda planety [s]  
 $M_p$ .....hmotnost planety  
 $M_h$ .....hmotnost hvězdy  
e.....excentricita

Uvažujeme kruhovou trajektorii planety ( $e=0$ )  
a sklon oběžné dráhy vůči pozorovateli  $\Phi = 90^\circ$

$$\Rightarrow K = (2\pi G \div P)^{\frac{1}{3}} \times M_p \div (M_p + M_h)^{\frac{1}{3}}$$

$$\text{model 1: } K = 0,065 \text{ m/s}$$

$$\text{model 2: } K = 0,066 \text{ m/s}$$

Spektrograf Harps je schopen rozpoznat radiální rychlost 30 cm/s, 0,065 m/s = 6,5 cm/s => tuto změnu nelze rozpoznat

8. Diskutujte zjištěné parametry exoplanety. Odhadněte, jak se projeví různé zjednodušující předpoklady na výsledných parametrech.

Mateřská hvězda exoplanety je nižší spektrální třídy než Slunce - má menší rozměr, je méně hmotná a má i nižší povrchovou teplotu.

Exoplaneta samotná má hmotnost téměř poloviční vůči Zemi, a její poloměr odpovídá 80% Zemského.

Povrchová teplota se pohybuje jen lehce pod bodem mrazu vody (při normálním tlaku) a planeta se nachází v zóně života.

Neznáme přesné hodnoty hmotnosti, velikosti a teploty povrchu mateřské hvězdy (pouze je odhadujeme ze spektrální třídy hvězdy) + odhad hustoty planety => výpočty jsou nepřesné.