

## Domácí úkol č. 9 z Matematiky 1 (F1711)

Vypracované příklady mi neodevzdávejte (neměl bych čas je všechny opravit). Výsledky příkladů najdete v sekci za zadáním. Pokud si nebudeste vědět s něčím rady, tak se mě můžete zeptat před cvičením, po cvičení, nebo si se mnou můžete domluvit konzultaci. Je možné (i když nepravděpodobné), že výsledky obsahují chyby, pokud nějakou najdete, tak mi dejte vědět.

1. Vypočtěte integrály

$$a) \int \frac{1}{1-x^2} dx,$$
$$c) \int \frac{2x-5}{x^2-4x+5} dx,$$
$$e) \int \sin^4 x dx,$$
$$g) \int \sin^3 x dx,$$
$$i) \int \frac{dx}{\sqrt{a^2-x^2}},$$
$$k) \int \frac{\sin^2 x}{\cos x} dx,$$

$$b) \int \frac{1}{3+x^2} dx,$$
$$d) \int \frac{x^2+5}{(x-1)^2(x+2)} dx,$$
$$f) \int \cos^5 x \sin x dx,$$
$$h) \int \sin(5x) \cos(3x) dx,$$
$$j) \int \frac{dx}{x^2\sqrt{1+x^2}},$$
$$l) \int \frac{4x-1}{2x^2+x+1} dx$$

2. Vypočtěte integrály

$$a) \int \frac{dx}{(\sqrt{x^2-x-2}+x+1)^2},$$
$$c) \int \frac{x dx}{\sqrt[3]{x^2}-\sqrt[3]{x}},$$
$$e) \int \sqrt[3]{\frac{x+1}{x-1}} \frac{1}{x+1} dx,$$

$$b) \int \frac{2-\sin x}{2+\cos x} dx,$$
$$d) \int \frac{dx}{\sqrt{x^3+2x}-\sqrt{x}},$$
$$f) \int \frac{dx}{\left(\sqrt{\frac{x+2}{x-1}}-1\right)(x-1)^2},$$

## Výsledky

1.

- a)  $\frac{1}{2} \ln|x+1| - \frac{1}{2} \ln|x-1| + konst.$
- b)  $\frac{1}{\sqrt{3}} \arctan\left(\frac{x}{\sqrt{3}}\right) + konst.$
- c)  $\ln(x^2 - 4x + 5) - \arctan(x-2) + konst.$
- d)  $-2 \frac{1}{x-1} + \ln|x+2| + konst.$
- e)  $\frac{3}{8}x - \frac{1}{4}\sin(2x) + \frac{1}{32}\sin(4x) + konst.$
- f)  $-\frac{1}{6}\cos^6 x + konst.$
- g)  $\frac{\cos^3 x}{3} - \cos x + konst.$
- h)  $-\frac{1}{4}\cos(2x) - \frac{1}{16}\cos(8x) + konst.$
- i)  $\arcsin\left(\frac{x}{a}\right) + konst.$
- j)  $-\frac{\sqrt{1+x^2}}{x} + konst.$
- k)  $-\sin x - \frac{1}{2}\ln|\sin x - 1| + \frac{1}{2}\ln|\sin x + 1| + konst.$
- l)  $\ln(2x^2 + x + 1) - \frac{4}{\sqrt{7}} \arctan\left(\frac{1}{\sqrt{7}}(4x+1)\right) + konst.$

2.

- a)  $-\frac{2}{3} \left( \ln \left| \frac{\sqrt{x^2 - x - 2} + x + 1}{x + 1} \right| + \frac{x + 1}{\sqrt{x^2 - x - 2} + x + 1} \right) + konst.$
- b)  $-\ln \left| \tan^2 \frac{x}{2} + 1 \right| + \ln \left| \tan^2 \frac{x}{2} + 3 \right| + \frac{4}{\sqrt{3}} \arctan\left(\frac{1}{\sqrt{3}} \tan \frac{x}{2}\right) + konst.$
- c)  $\frac{3}{4}x^{\frac{4}{3}} + x + \frac{3}{2}x^{\frac{2}{3}} + 3x^{\frac{1}{3}} + 3\ln \left| x^{\frac{1}{3}} - 1 \right| + konst.$
- d)  $-\frac{2}{\sqrt{x+1}} + konst,$
- e)  $-\ln \left| \sqrt[3]{\frac{x+1}{x-1}} - 1 \right| + \frac{1}{2} \ln \left| \sqrt[3]{\frac{x+1}{x-1}}^2 + \sqrt[3]{\frac{x+1}{x-1}} + 1 \right| + \sqrt{3} \arctan \left( \frac{2}{\sqrt{3}} \left( \sqrt[3]{\frac{x+1}{x-1}} + \frac{1}{2} \right) \right) + konst.$
- f)  $-\frac{2}{3} \sqrt{\frac{x+2}{x-1}} - \frac{2}{3} \ln \left| \sqrt{\frac{x+2}{x-1}} - 1 \right| + konst.$